Exercice (extrait du Sujet 2 Centres étrangers 2024)

Un sac opaque contient huit jetons numérotés de 1 à 8, indiscernables au toucher.

À trois reprises, un joueur pioche un jeton dans ce sac, note son numéro, puis le remet dans le sac.

Dans ce contexte, on appelle « tirage » la liste ordonnée des trois numéros obtenus.

Par exemple, si le joueur pioche le jeton numéro 4, puis le jeton numéro 5, puis le jeton numéro 1, alors le tirage correspondant est (4; 5; 1).

- 1. Déterminer le nombre de tirages possibles.
- **2. a.** Déterminer le nombre de tirages sans répétition de numéro.
 - b. En déduire le nombre de tirages contenant au moins une répétition de numéro.

On note X_1 la variable aléatoire égale au numéro du premier jeton pioché, X_2 celle égale au numéro du deuxième jeton pioché et X_3 celle égale au numéro du troisième jeton pioché.

Puisqu'il s'agit d'un tirage avec remise, les variables aléatoires X_1 , X_2 , et X_3 sont indépendantes et suivent la même loi de probabilité.

- **3.** Établir la loi de probabilité de la variable aléatoire X_1 .
- **4.** Déterminer l'espérance de la variable aléatoire X_1 .

On note $S = X_1 + X_2 + X_3$ la variable aléatoire égale à la somme des numéros des trois jetons piochés.

- **5**. Déterminer l'espérance de la variable aléatoire S.
- **6.** Déterminer p(S = 24).
- 7. Si un joueur obtient une somme supérieure ou égale à 22, alors il gagne un lot.
 - **a.** Justifier qu'il existe exactement 10 tirages permettant de gagner un lot.
 - b. En déduire la probabilité de gagner un lot.

Exercice (extrait du Sujet 2 Centres étrangers 2024)

Un sac opaque contient huit jetons numérotés de 1 à 8, indiscernables au toucher.

À trois reprises, un joueur pioche un jeton dans ce sac, note son numéro, puis le remet dans le sac.

Dans ce contexte, on appelle « tirage » la liste ordonnée des trois numéros obtenus.

Par exemple, si le joueur pioche le jeton numéro 4, puis le jeton numéro 5, puis le jeton numéro 1, alors le tirage correspondant est (4; 5; 1).

- 1. Déterminer le nombre de tirages possibles.
- **2. a.** Déterminer le nombre de tirages sans répétition de numéro.
 - b. En déduire le nombre de tirages contenant au moins une répétition de numéro.

On note X_1 la variable aléatoire égale au numéro du premier jeton pioché, X_2 celle égale au numéro du deuxième jeton pioché et X_3 celle égale au numéro du troisième jeton pioché.

Puisqu'il s'agit d'un tirage avec remise, les variables aléatoires X_1 , X_2 , et X_3 sont indépendantes et suivent la même loi de probabilité.

- **3.** Établir la loi de probabilité de la variable aléatoire X_1 .
- **4.** Déterminer l'espérance de la variable aléatoire X_1 .

On note $S = X_1 + X_2 + X_3$ la variable aléatoire égale à la somme des numéros des trois jetons piochés.

- **5**. Déterminer l'espérance de la variable aléatoire S.
- **6.** Déterminer p(S = 24).
- 7. Si un joueur obtient une somme supérieure ou égale à 22, alors il gagne un lot.
 - **a.** Justifier qu'il existe exactement 10 tirages permettant de gagner un lot.
 - **b.** En déduire la probabilité de gagner un lot.