Correction de l'interrogation écrite sur l'intégration

Exercice 1 (1 pt si la réponse est 4, 0,5 pt si la réponse est 5)

On calcule $\int_{1}^{5} f(x)dx = 4.5 - 0.5 = 4$

Exercice 2 (1,5 pt par intégrale, sauf la B qui vaut 1 pt)

$$A = \int_{-1}^{2} (x^{2} - 4x) dx = \left[\frac{x^{3}}{3} - 2x^{2} \right]_{-1}^{2} = \left(\frac{8}{3} - 8 \right) - \left(-\frac{1}{3} - 2 \right) = 3 - 6 = -3$$

$$B = \int_{-2}^{2} 5 dx = [5x]_{-2}^{2} = 10 - (-10) = \mathbf{20}$$

$$C = \int_{1}^{3} (\frac{1}{t} + 2) dt = [\ln(t) + 2t]_{1}^{3} = \ln(3) + 6 - \ln(1) - 2 = \ln(3) + 4$$

$$D = \int_{-2}^{-1} \frac{4}{x^{2}} dx = \left[-\frac{4}{x} \right]_{-2}^{-1} = -\frac{4}{-1} - \left(-\frac{4}{-2} \right) = 4 - 2 = \mathbf{2}$$

$$E = \int_{-2}^{1} e^{5x - 1} dx = \left[\frac{e^{5x - 1}}{5} \right]_{2}^{1} = \frac{e^{4}}{5} - \frac{e^{-11}}{5} = \frac{1}{5} (e^{4} - e^{-11})$$

Exercice 3 (2 pts)

On intègre $u(x) = e^{-2x}$ et on dérive v(x) = 4x - 6. Ainsi :

$$\int_{0}^{3} f(x)dx = \left[(4x - 6) \times \frac{e^{-2x}}{-2} \right]_{0}^{3} - \int_{0}^{3} 4 \times \frac{e^{-2x}}{-2} dx$$

$$= \left[(3 - 2x)e^{-2x} \right]_{0}^{3} - \int_{0}^{3} -2e^{-2x} dx$$

$$= -3e^{-6} - 3e^{0} - \left[e^{-2x} \right]_{0}^{3}$$

$$= -3e^{-6} - 3e^{0} - e^{-6} + e^{0}$$

$$= -4e^{-6} - 2$$